

- EXERCICE 28.7 -

• **ENONCE :** « Pertes dans un métal feuilleté »

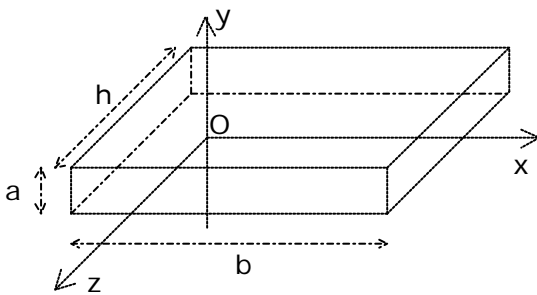
Un métal est feuilleté en tôles identiques de forme parallélépipédique rectangle, de dimensions a , b et h ; le repère $(Oxyz)$, lié à une tôle, a pour origine le centre O du parallélépipède et pour axes les axes de symétrie (figure 1.a) ; la conductivité de la tôle est notée g .

Le métal est soumis à un champ magnétique sinusoïdal de faible fréquence, dont le vecteur est :

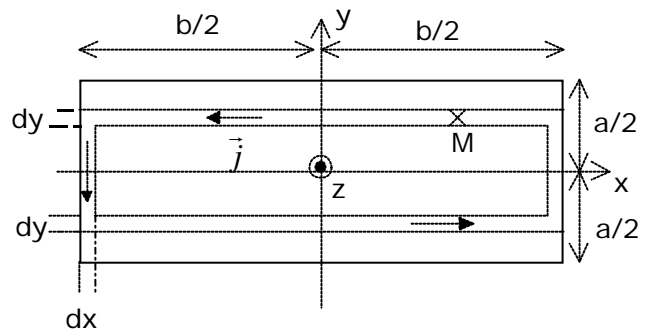
$$\vec{B} = B_m \sin(\omega t) \vec{e}_z$$

où B_m est un scalaire positif indépendant du temps et des coordonnées d'espace.

Dans ces conditions, le métal est le siège de courants de Foucault : on se propose d'évaluer la puissance dissipée par ces courants dans une tôle. Compte tenu de la direction de \vec{B} et de la forme de la tôle, on considère le **modèle** suivant, où les courants circulent dans des éléments de tôle tels que celui représenté sur la figure 1.b :



- figure 1.a -



- figure 1.b -

- * ses dimensions sont : b dans la direction Ox , $2y$ dans la direction Oy et h dans la direction Oz .
- * La section du conducteur est hdy .

1) a) Calculer la force électromotrice $e(t)$ dans l'élément de tôle à l'instant t .

b) La fréquence du champ magnétique étant faible, l'hypothèse des régimes lentement variables est valide ; dans ces conditions, déterminer le champ induit $\vec{E}(M, t)$ au point M courant de l'élément de tôle, à l'aide du potentiel-vecteur \vec{A} dont dérive \vec{B} .

On admettra que l'on peut calculer \vec{A} selon : $\vec{A}(M, t) = \frac{1}{2} \vec{B}(t) \wedge \overline{OM}$

c) Retrouver à partir de $\vec{E}(M, t)$ l'expression de $e(t)$.

2) a) Compte tenu de la réponse à la question 1.b, montrer que les lignes de courant \vec{j} sont très simplifiées ; dans le cadre de ce modèle, écrire l'expression de la conductance dG de l'élément de tôle.